

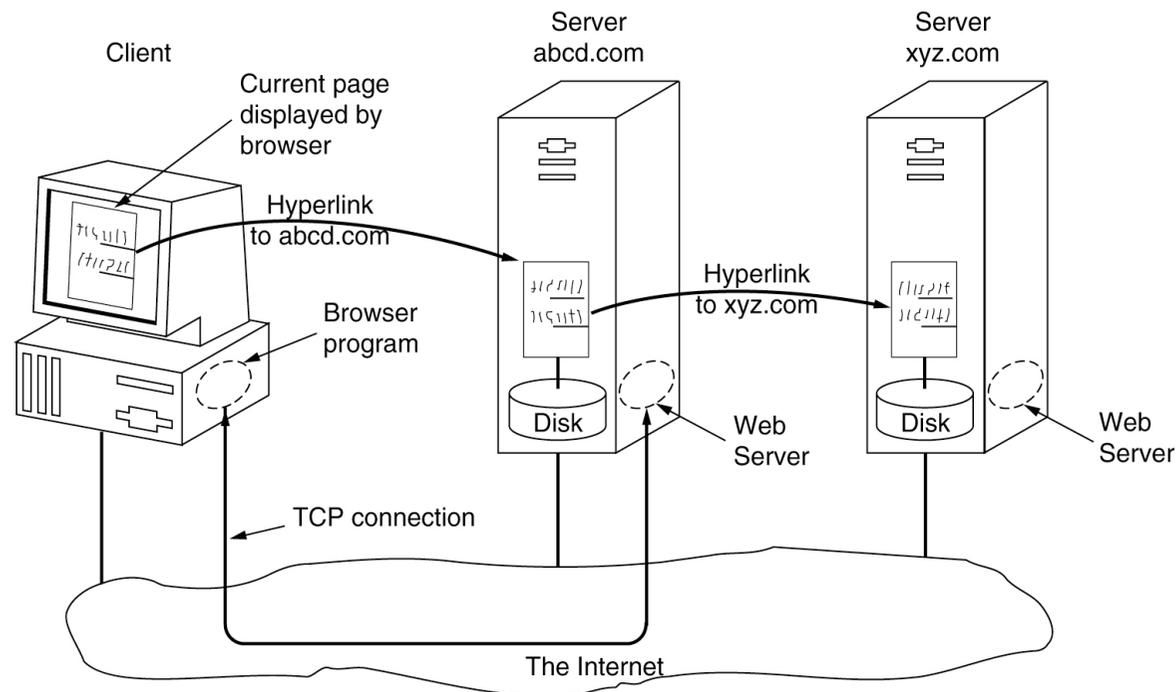


# Systeme II

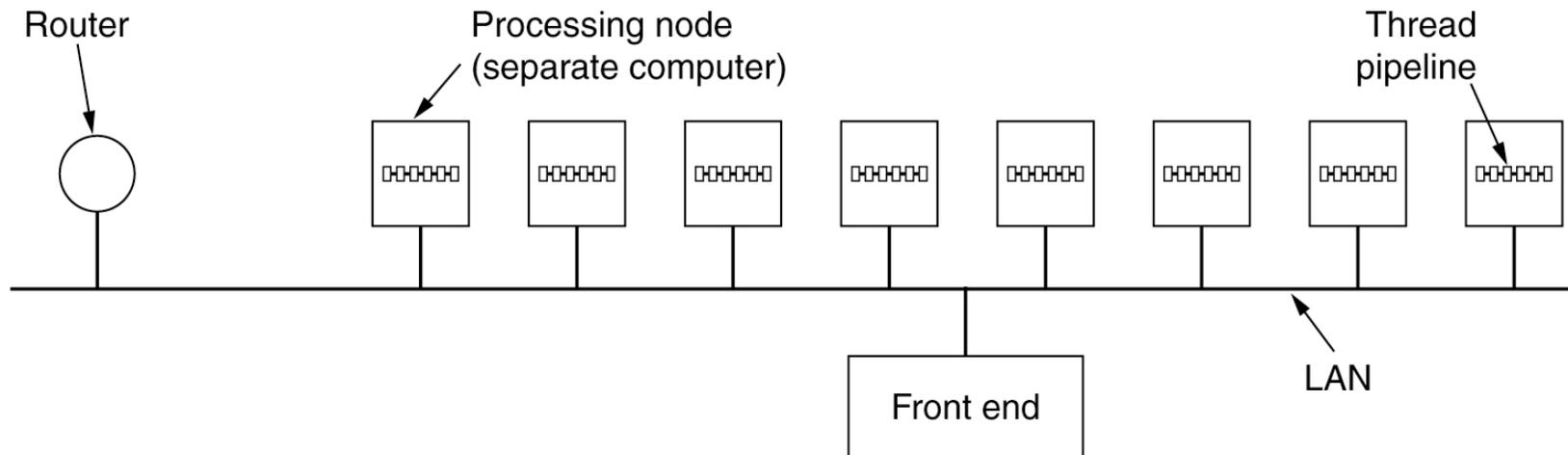
## 13. Woche Data Centers und Verteiltes Hashing

Christian Schindelhauer  
Technische Fakultät  
Rechnernetze und Telematik  
Albert-Ludwigs-Universität Freiburg

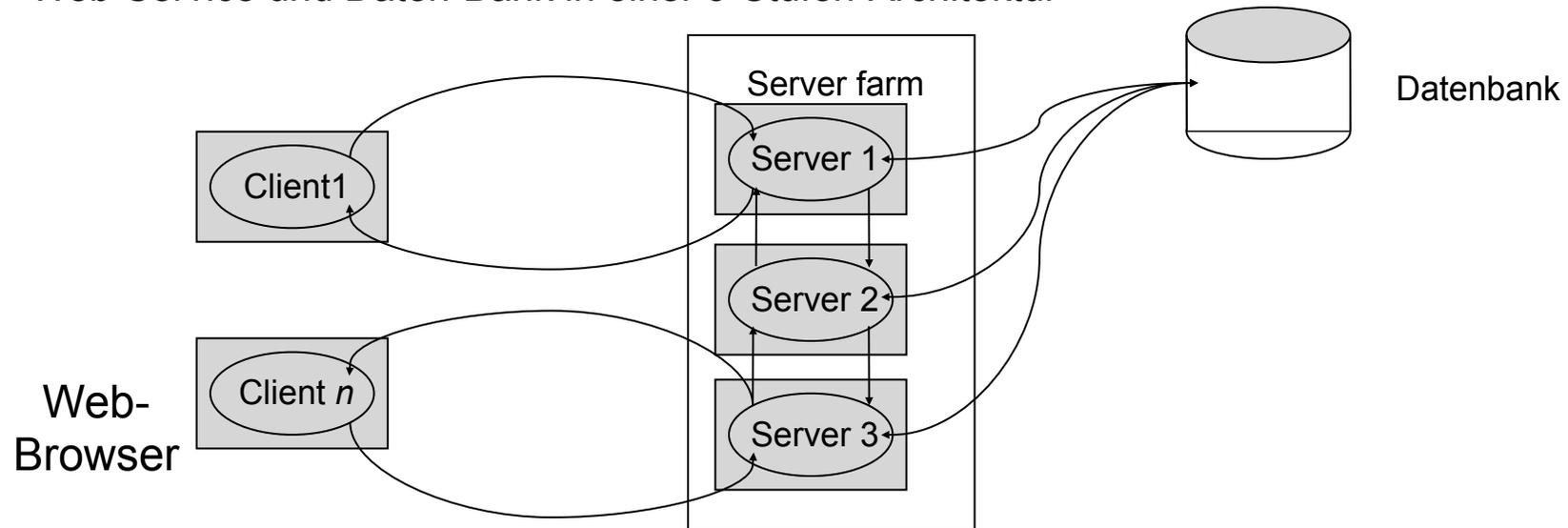
- Client-Server-Architektur
  - **Web-Server** stellt Web-Seiten bereit
    - Format: **Hypertext Markup Language** (HTML)
  - **Web-Browser** fragen Seiten vom Server ab
    - Server und Browser kommunizieren mittels **Hypertext Transfer Protocol** (HTTP)



- Um die Leistungsfähigkeit auf der Server-Seite zu erhöhen
  - wird eine Reihe von Web-Server eingesetzt
- Front end
  - nimmt Anfragen an
  - reicht sie an separaten Host zur Weiterbearbeitung weiter



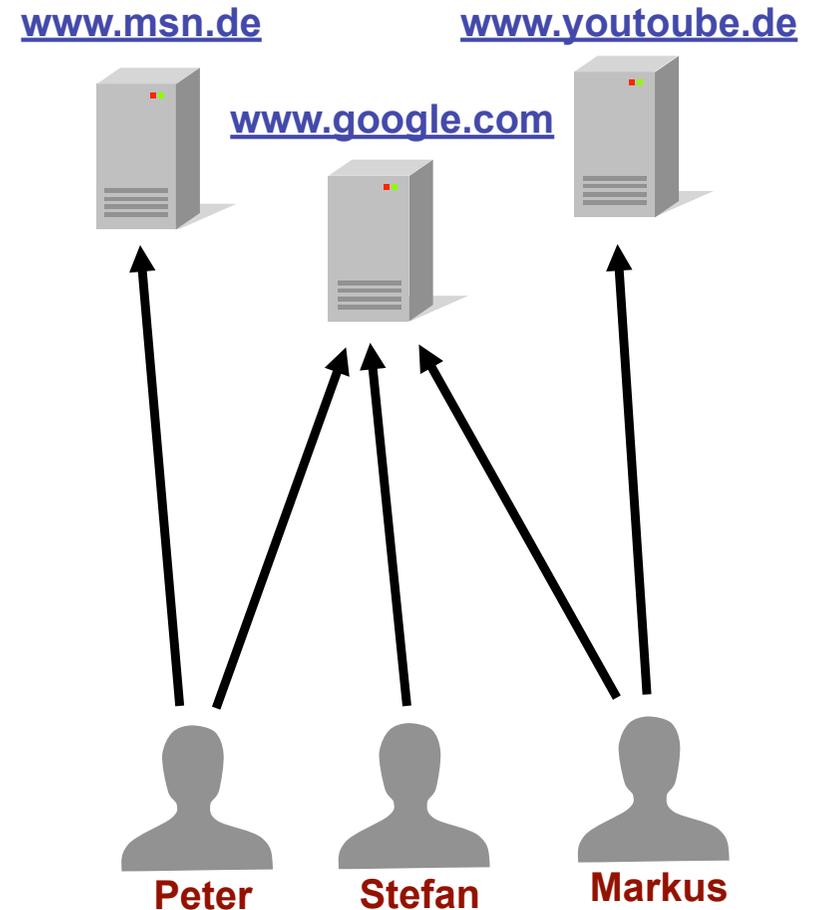
- Web-Server stellen nicht nur statische Web-Seiten zur Verfügung
  - Web-Seiten werden auch automatisch erzeugt
  - Hierzu wird auf eine Datenbank zurückgegriffen
  - Diese ist nicht statisch und kann durch Interaktionen verändert werden
- Problem:
  - Konsistenz
- Lösung
  - Web-Service und Daten-Bank in einer 3-Stufen-Architektur



- Trotz Server-Farm ist die Latenzzeit häufig kritisch
- Lösung:
  - Cache (Proxy)
- Ort
  - Beim Client
  - Im lokalen Netzwerk (bei einem Proxy)
  - Beim Internet-Service-Provider
- Fragen
  - Platzierung, Größe, Aktualität
  - Entwertung durch Timeout

- Eine koordinierte Menge von Caches
  - Die Last großer Web-Sites wird verteilt auf global verteilte Server-Farmen
  - Diese übernehmen Web-Seiten möglichst verschiedener Organisationen
    - z.B. News, Software-Hersteller, Regierungen
  - Beispiele: Akamai, Digital Island
  - Cache-Anfragen werden auf die regional und lastmäßig bestgeeigneten Server umgeleitet
- Beispiel Akamai:
  - Durch verteilte Hash-Tabellen ist die Verteilung effizient und lokal möglich

- Für Surfen im Web typisch:
  - Web-Server bieten Web-Seiten an
  - Web-Clients fordern Web-Seiten an
- In der Regel sind diese Mengen disjunkt
- Eingehende Anforderungen belasten Web-Server hinsichtlich:
  - Übertragungsbandbreite
  - Rechenaufwand (Zeit, Speicher)



- Einige Web-Server haben immer hohe Lastanforderungen
  - Z.B. Nachrichten-Sites, Suchmaschinen, Web-verzeichnisse
  - Für permanente Anforderungen müssen Server entsprechen ausgelegt werden

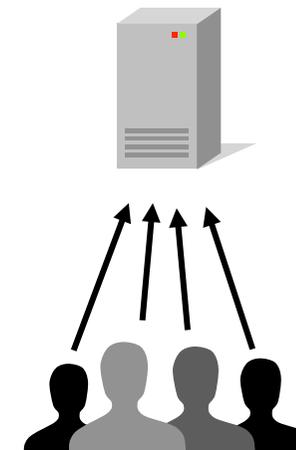


- Andere leiden unter hohen Fluktuationen
  - z. B. bei besonderen Ereignissen:
    - fifa.com (Fussball-WM)
    - t-mobile.de (iPhone 4 Einführung)
  - Server-Erweiterung nicht sinnvoll
  - Bedienung der Anfragen aber erwünscht

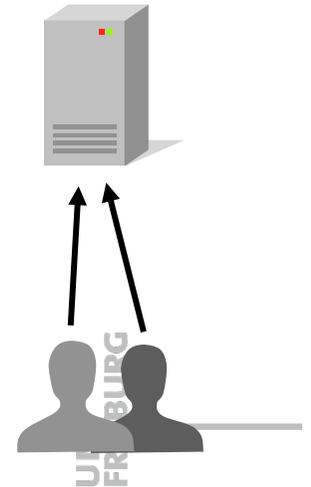
Montag



Dienstag

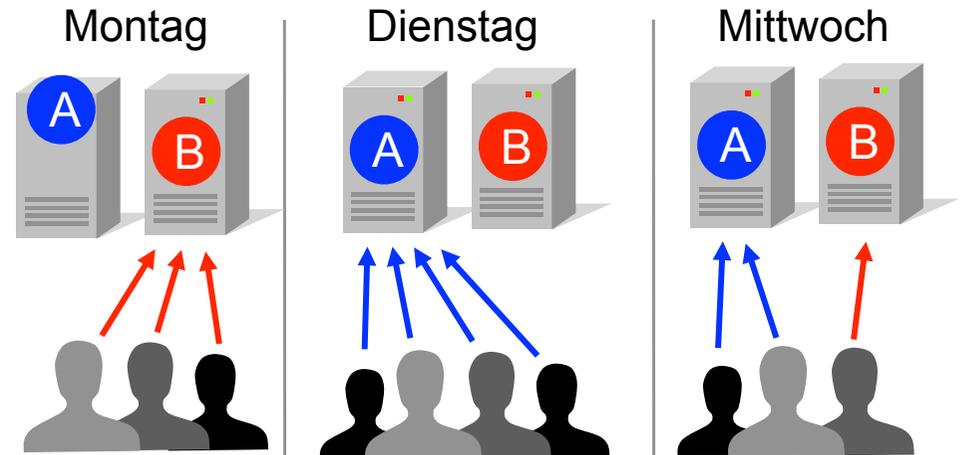


Mittwoch

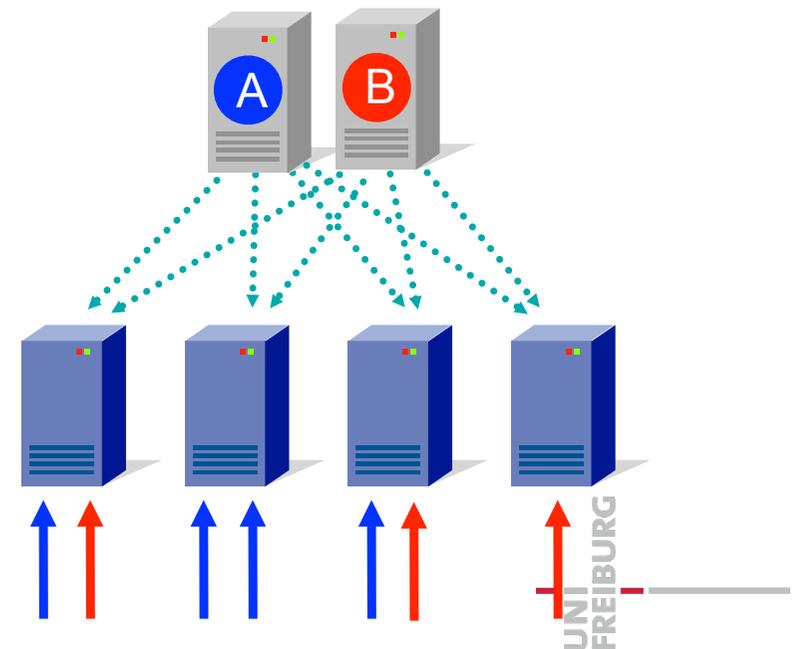


# Lastbalancierung im WWW

- Fluktuationen betreffen meistens einzelne Server



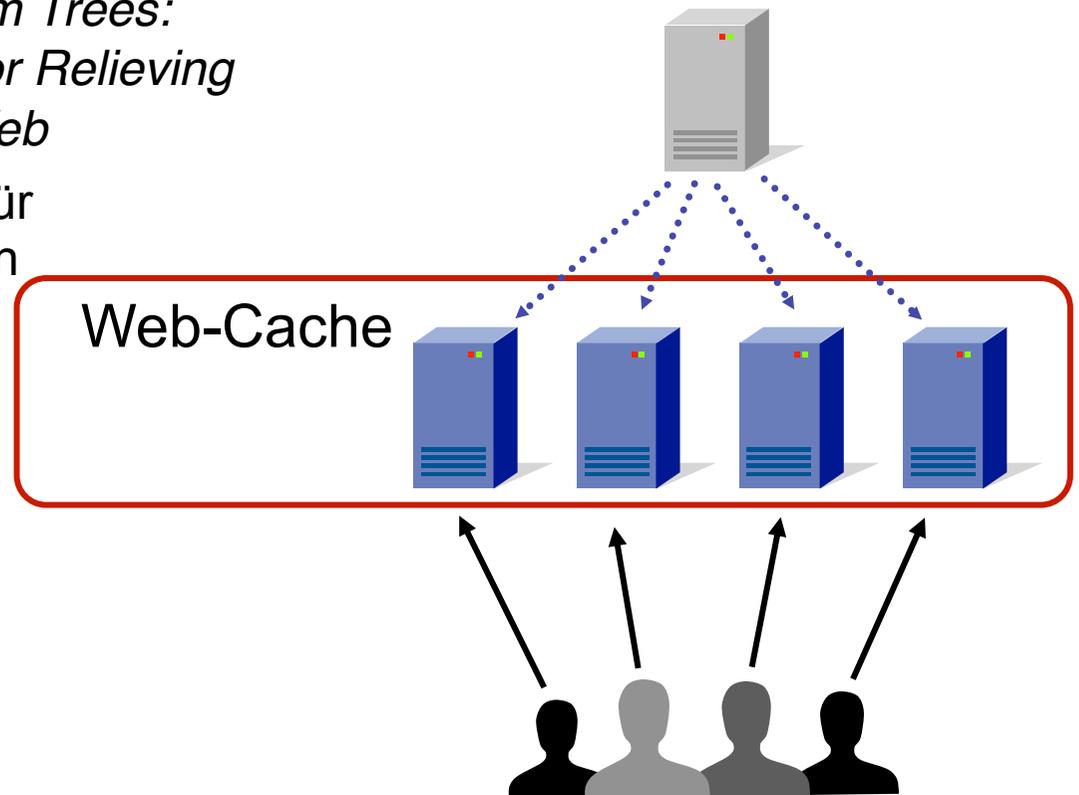
- (Kommerzielle) Lösung
  - Dienstleister bieten Ausweich-(Cache-)Server an
  - Viele Anforderungen werden auf diese Server verteilt
- Aber wie?



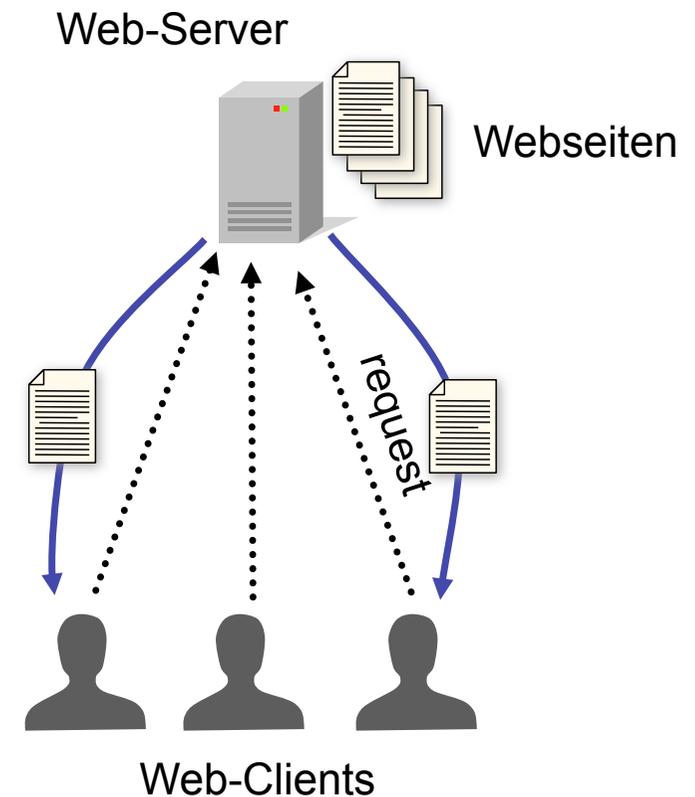
- Leighton, Lewin, et al. STOC 97
  - *Consistent Hashing and Random Trees: Distributed Caching Protocols for Relieving Hot Spots on the World Wide Web*
  - Passen bestehende Verfahren für dynamische Hash-Funktionen an WWW-Anforderungen an

- Leighton und Lewin (MIT) gründen Akamai 1997

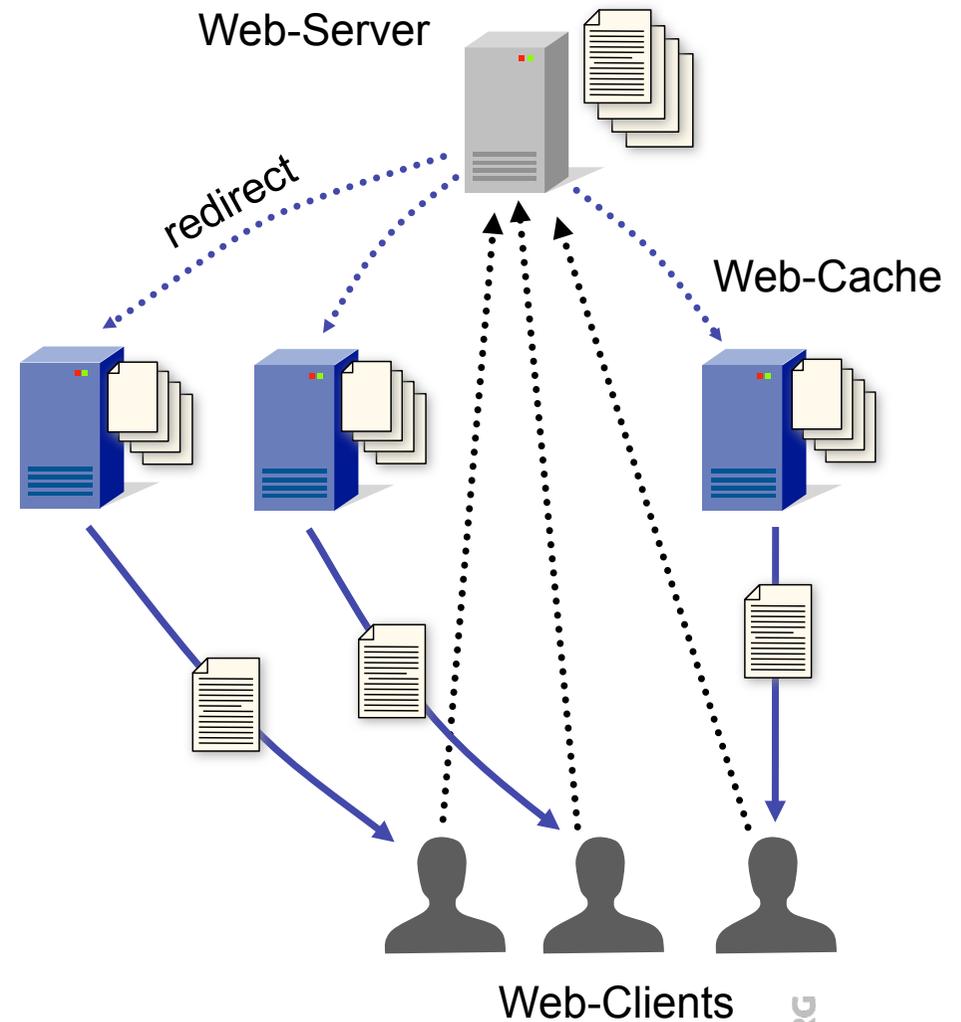
- Akamai 2003:
  - 550 Angestellte
  - Ertrag 145 Mio. \$ (2002)
  - 15.000 Server in 60 Ländern verbunden mit 1.100 lokalen Netzwerken



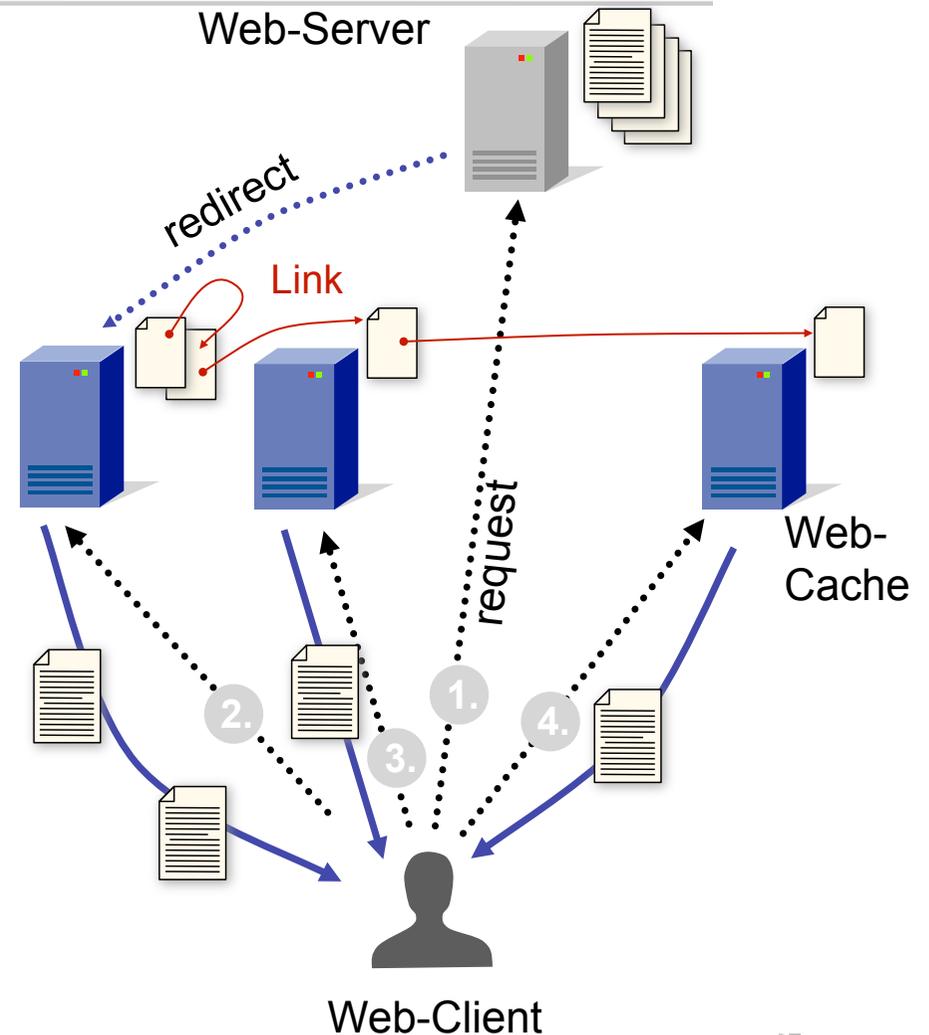
- Ohne Lastbalancierung:
  - Jeder Browser (Web-Client) belegt einen Web-Server für eine Web-Site
- Vorteil:
  - Einfach
- Nachteil:
  - Der Server muss immer für den Worst-Case ausgelegt werden



- Ganze Web-Site wird auf verschiedene Web-Caches kopiert
- Browser fragt bei Web-Server nach Seite
- Web-Server leitet Anfrage auf Web-Cache um (redirect)
- Web-Cache liefert Web-Seite aus
- Vorteil:
  - Gute Lastbalancierung für Seitenverteilung
- Nachteil:
  - Bottleneck: Redirect
  - Großer Overhead durch vollständige Web-Site-Replikationen



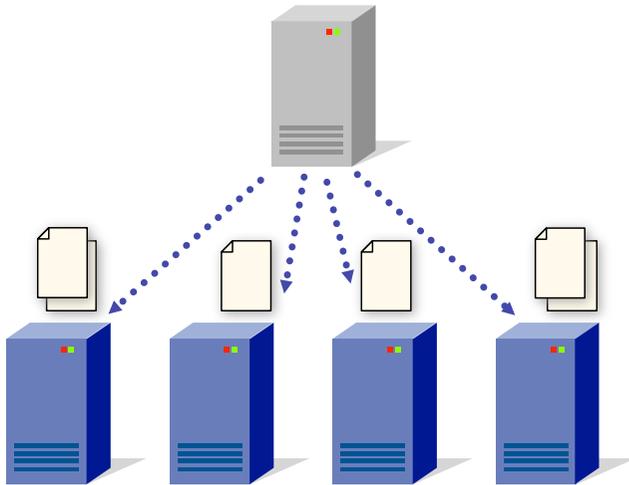
- Jede Web-Seite wird auf einige (wenige) Web-Caches verteilt
- Nur Startanfrage erreicht Web-Server
- Links referenzieren auf Seiten im Web-Cache
- Dann surft der Web-Client nur noch auf den Web-Cache
- Vorteil:
  - Kein Bottleneck
- Nachteil:
  - Lastbalancierung nur implizit möglich
  - Hohe Anforderung an Caching-Algorithmus



# Anforderungen an Caching-Algorithmus

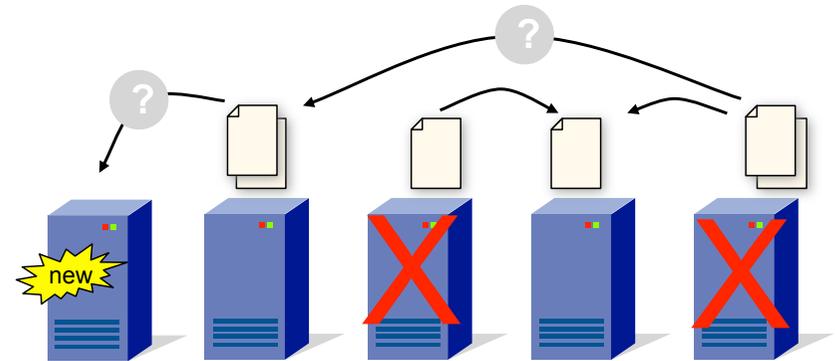
Balance

Gleichmäßige Verteilung der Seiten



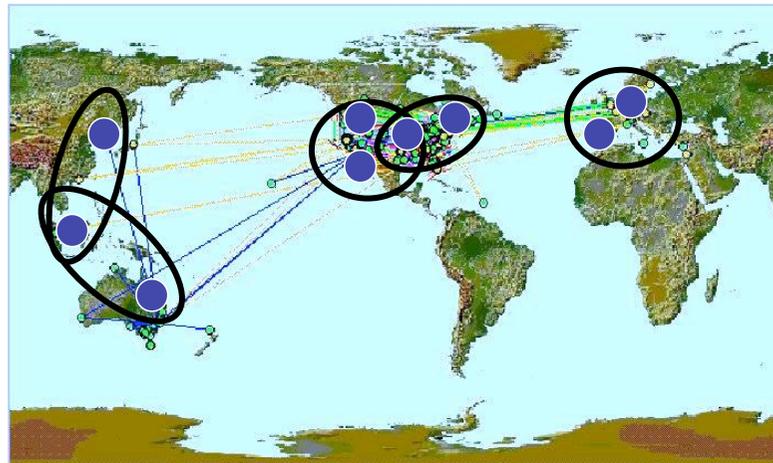
Dynamik

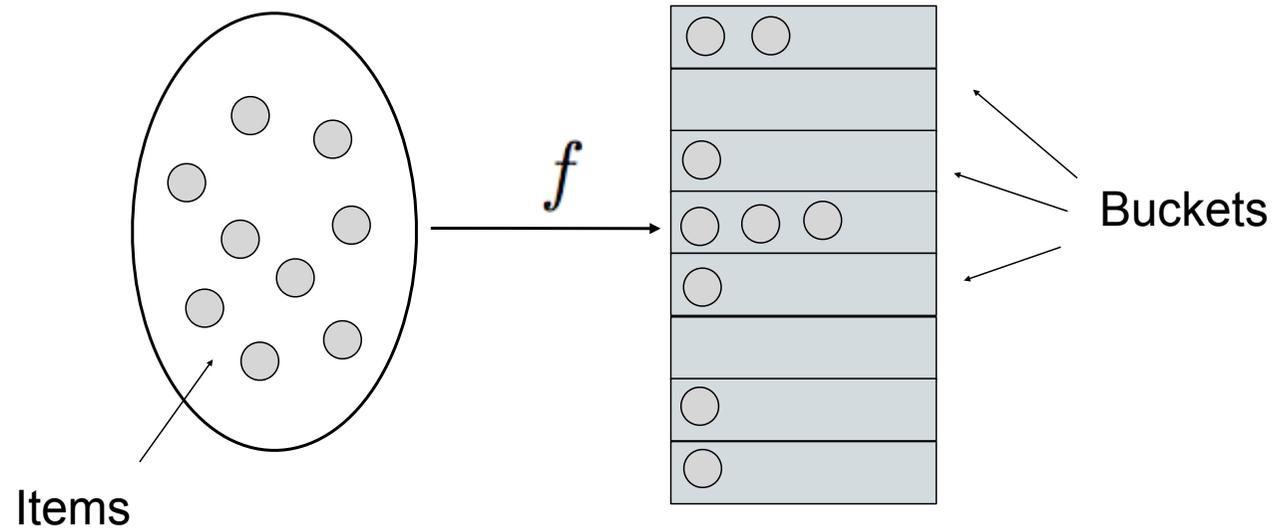
Effizientes Einfügen/Löschen von neuen Web-Cache-Servern



Views

Web-Clients „sehen“  
unterschiedliche Menge  
von Web-Caches





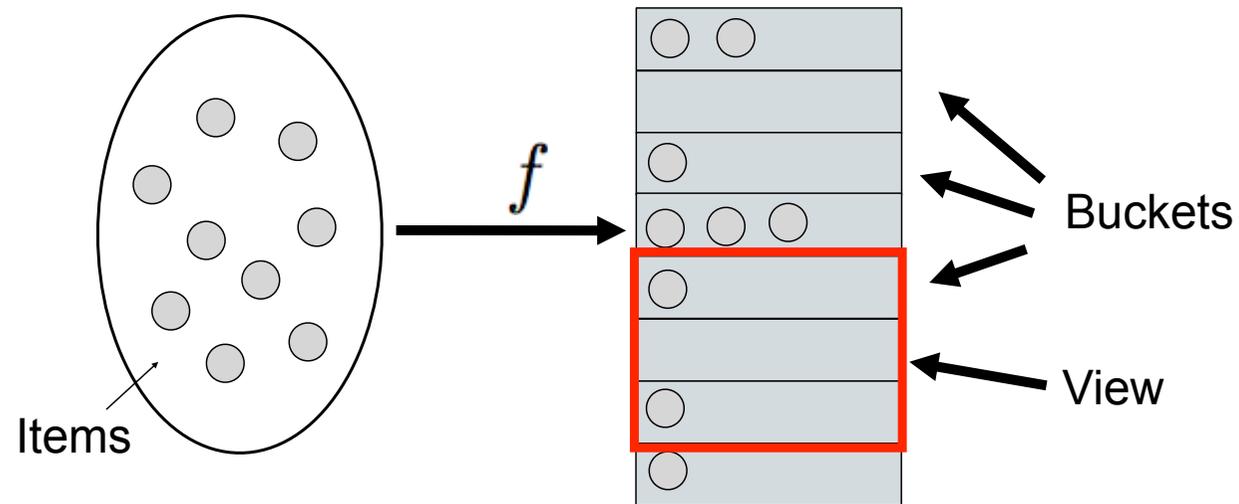
Menge der Items:  $\mathcal{I}$

Menge der Buckets:  $\mathcal{B}$

Beispiel:  $f(i) = ai + b \bmod n$

# Ranged Hash-Funktionen oder Verteilte Hash-Funktionen

- Gegeben:
  - Elemente (Items)  $\mathcal{I}$ , Anzahl  $I := |\mathcal{I}|$
  - Caches (Buckets), Menge der Buckets:  $\mathcal{B}$
  - Views  $\mathcal{V} \subseteq 2^{\mathcal{B}}$
- Ranged Hash-Funktion:
  - $f : 2^{\mathcal{B}} \times \mathcal{I} \rightarrow \mathcal{B}$
  - Voraussetzung: für alle Views gilt  $f_{\mathcal{V}}(\mathcal{I}) \subseteq \mathcal{V}$



# Erste Idee: Hash-Funktion

- Verfahren:

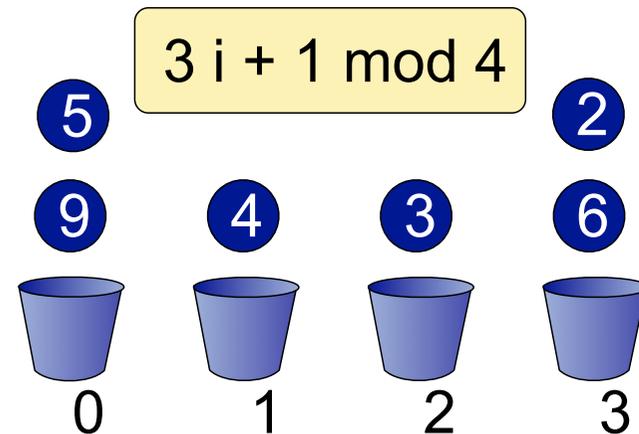
- Wähle Hash-Funktion, z.B.

$$f(i) = ai + b \text{ mod } n$$

n: Anzahl Cache-Server

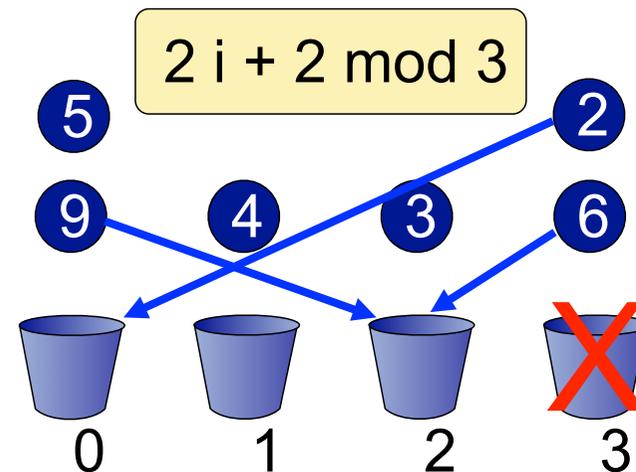
- Balance:

- Sehr gut!



- Dynamik

- Einfügen/Löschen von nur einem Cache-Server
- Neue Hash-Funktion und vollständige Neuzuweisung
- Hoher Aufwand!



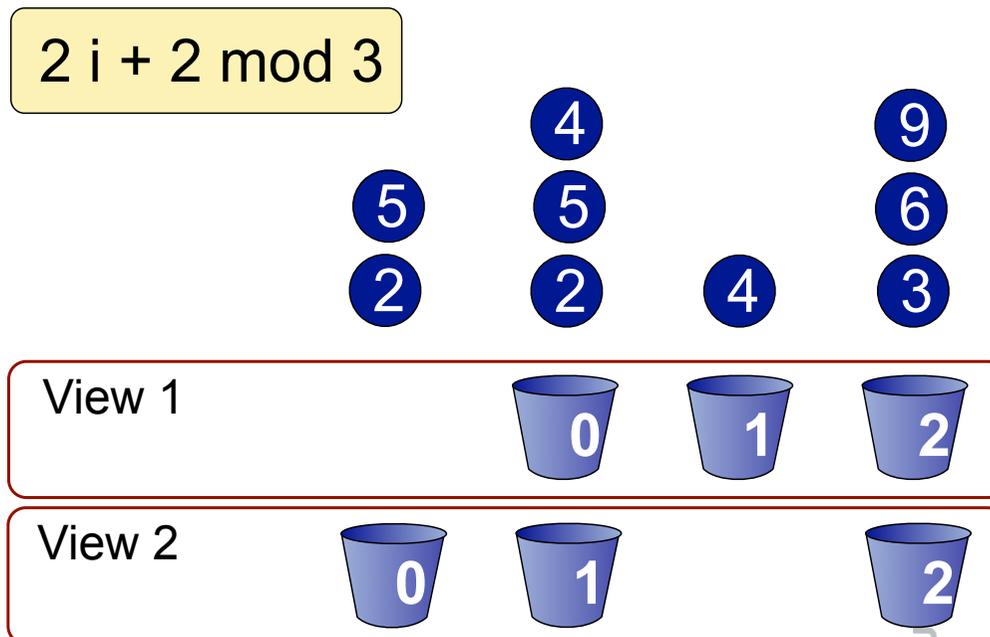
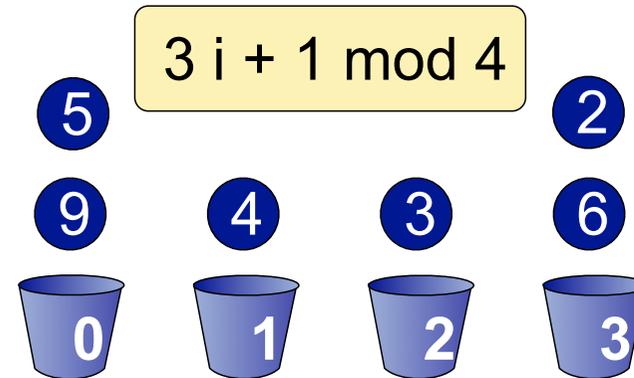
# Erste Idee: Hash-Funktion (mit Views)

- Verfahren:

- Wähle Hash-Funktion, z.B.  

$$r(i) = ax + b \bmod n$$

$$n: \text{Anzahl Cache-Server}$$



- Views

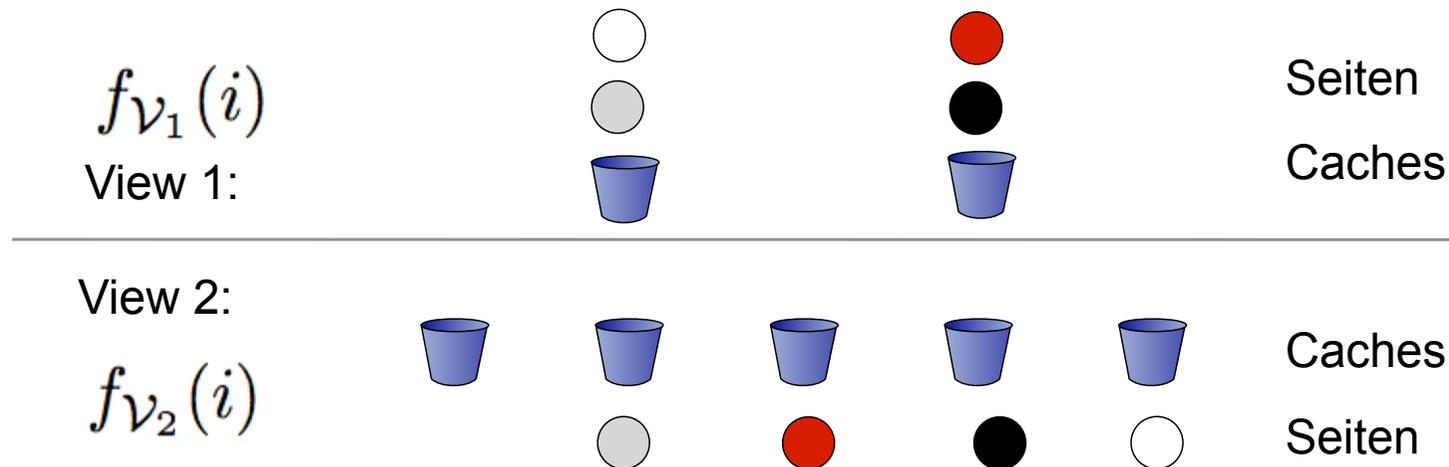
- Verschiedene Nummerierungen der Web-Cache notwendig
- Anzahl der Duplikate proportional zu der Anzahl der Views

- Monotonie
  - nach dem Hinzufügen neuer Caches (Buckets) sollten keine Seiten (Items) zwischen alten Caches verschoben werden
- Balance
  - Alle Caches sollten gleichmäßig ausgelastet werden
- Spread (Verbreitung, Streuung)
  - Eine Seite sollte auf eine beschränkte Anzahl von Caches verteilt werden
- Load
  - Kein Cache sollte wesentlich mehr als die durchschnittliche Anzahl von Seiten enthalten

# 1. Monotonie

- Seiten, die im umfassenderen View einem Cache zugewiesen sind, werden nicht umorganisiert
- d.h. nach dem Hinzufügen neuer Buckets dürfen (alte) Seiten nur in neue Buckets verschoben werden
- Formal: Für alle  $\mathcal{V}_1 \subseteq \mathcal{V}_2 \subseteq \mathcal{B}$  gilt:

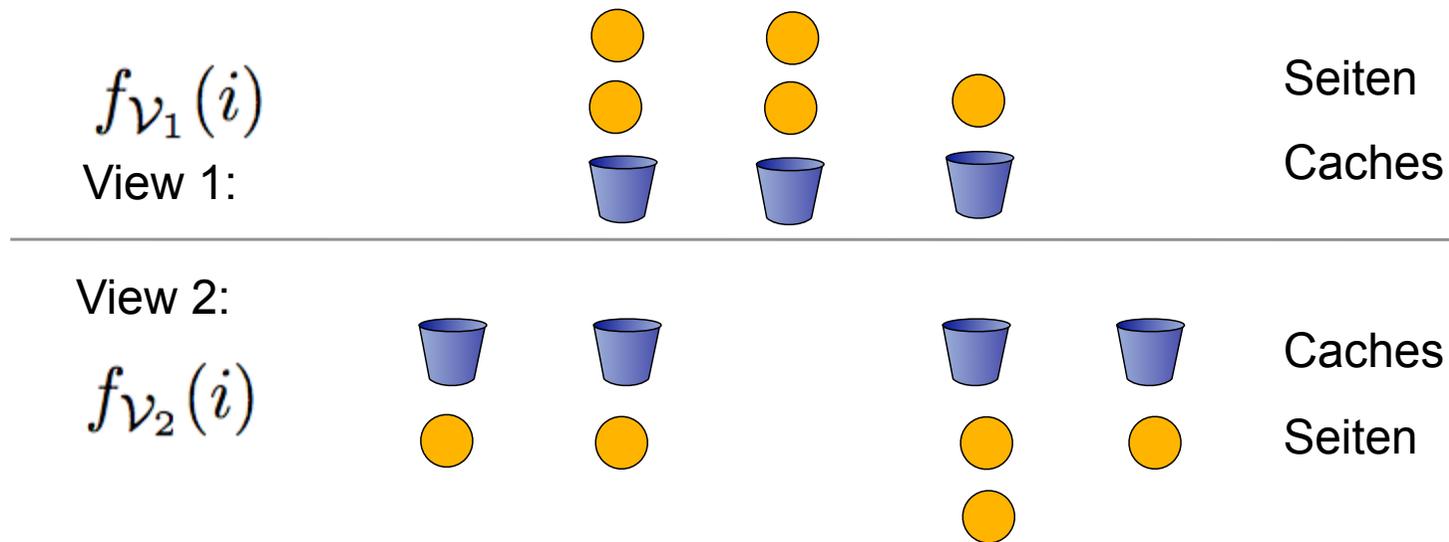
$$f_{\mathcal{V}_2}(i) \in \mathcal{V}_1 \Rightarrow f_{\mathcal{V}_1}(i) = f_{\mathcal{V}_2}(i)$$



## 2. Balance

- Für jeden View  $V$  ist die Hash-Funktion  $f_V(i)$  balanciert
- Für eine Konstant  $c$  und alle  $\mathcal{V} \subseteq \mathcal{B}$  gilt:

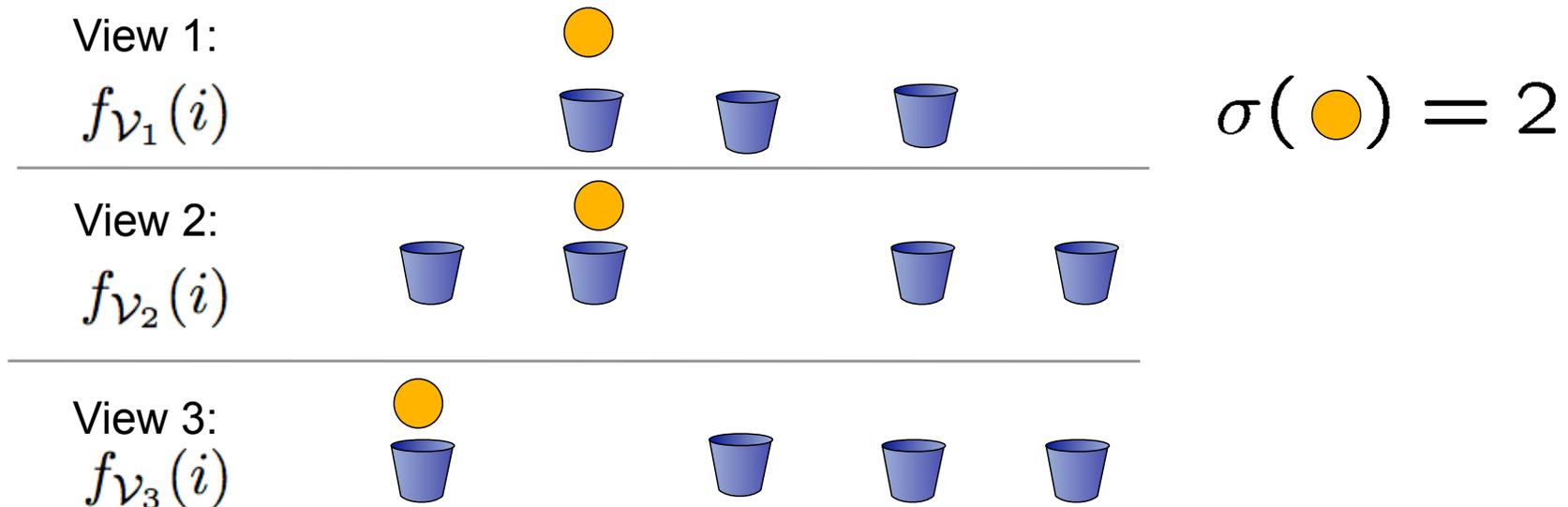
$$\Pr [f_{\mathcal{V}}(i) = b] \leq \frac{c}{|\mathcal{V}|}$$



# 3. Spread

- Die Verbreitung  $\sigma(i)$  (spread) einer Seite  $i$  ist die Gesamtanzahl aller notwendigen Kopien (über alle Views)

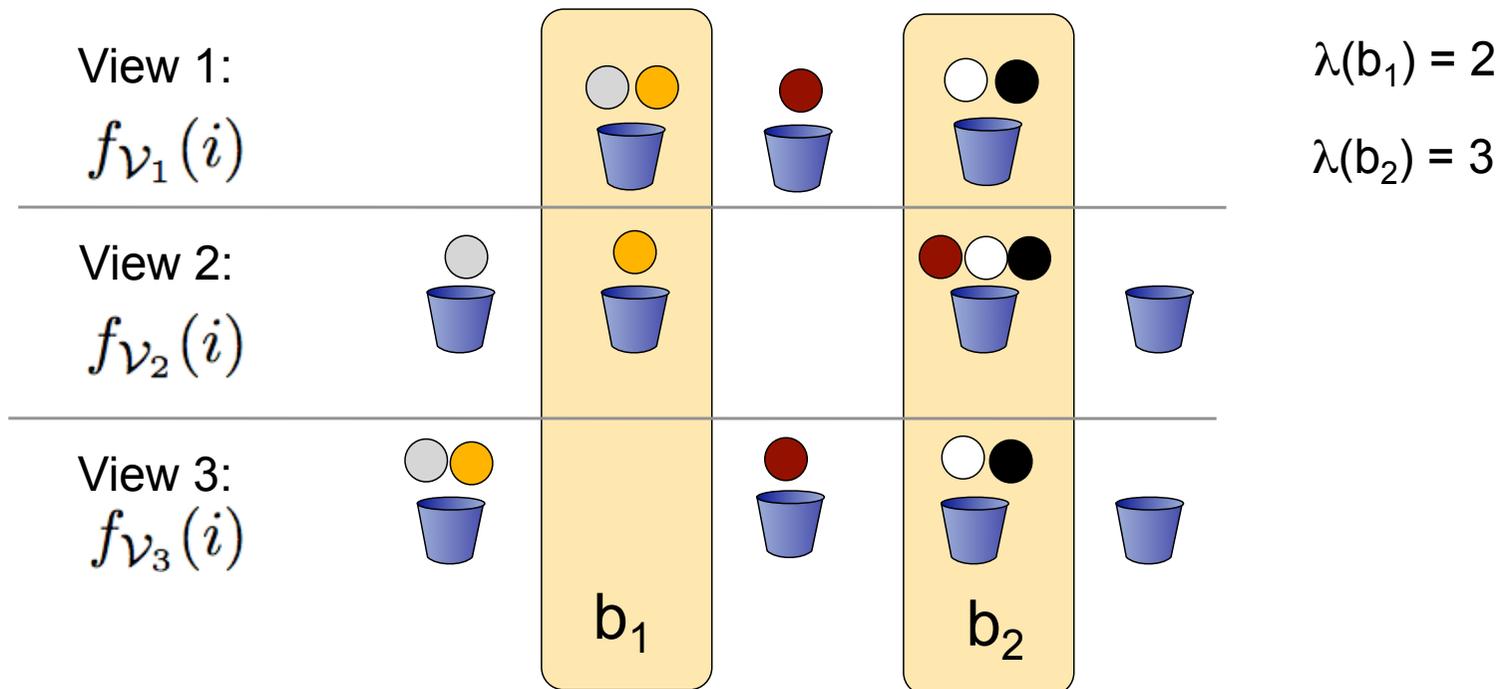
$$\sigma(i) := |\{f_{\nu_1}(i), f_{\nu_2}(i), \dots, f_{\nu_V}(i)\}|$$



# 4. Load

- Die Last  $\lambda(b)$  (load) eines Caches  $b$  ist die Gesamtanzahl aller notwendigen Kopien (über alle Views)  $\lambda(b) := |\{ \cup_{\mathcal{V}} H_{\mathcal{V}}(b) \}|$ ,

wobei  $H_{\mathcal{V}}(b) :=$  Menge aller Seiten, die Bucket  $b$  zugewiesen werden (in View  $\mathcal{V}$ )



- Für jede Hash-Funktion existiert eine Worst-Case-Eingabe
  - Daher betrachtet man grundsätzlich Familien von Hash-Funktionen
  - Genauso definieren wir Familie von Ranged-Hash-Funktionen für geg. Views und Caches
  
- Wir gehen im folgenden davon aus, dass eine Hash-Funktion sich verhält wie ein perfektes Zufallsereignis
  - Gleichwahrscheinlich
  - Unabhängig
  
- Die Elemente werden wie Bälle in Körbe verteilt.

### Theorem

Es gibt eine Familie von Ranged Hash-Funktionen  $F$  mit den folgenden Eigenschaften:

- Jede Funktion  $f \in F$  ist **monoton**

- **Balance:** Für jeden View gilt  $\Pr [f_{\mathcal{V}}(i) = b] \leq \frac{c}{|\mathcal{V}|}$

- **Spread:** Für jede Seite  $i$  ist  $\sigma(i) = \mathcal{O}(t \log C)$   
mit W'keit  $1 - \frac{1}{C^{\Omega(1)}}$

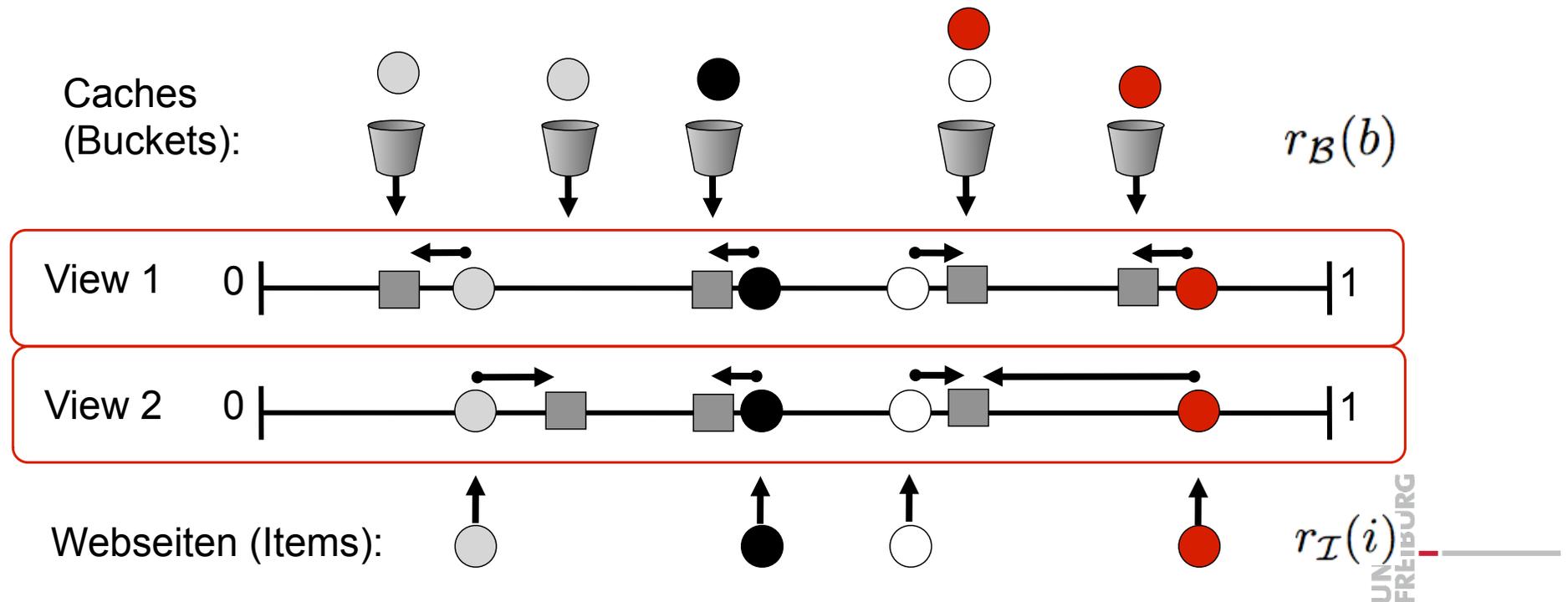
- **Load:** Für jeden Cache  $b$  ist  $\lambda(b) = \mathcal{O}(t \log C)$   
mit W'keit  $1 - \frac{1}{C^{\Omega(1)}}$

$C$  Anzahl aller Caches (Buckets)  
 $C/t$  Mindestanzahl Caches pro View  
 $V/C = \text{konstant}$  (#Views / #Caches)  
 $I = C$  (# Seiten = # Caches)

# Die Konstruktion

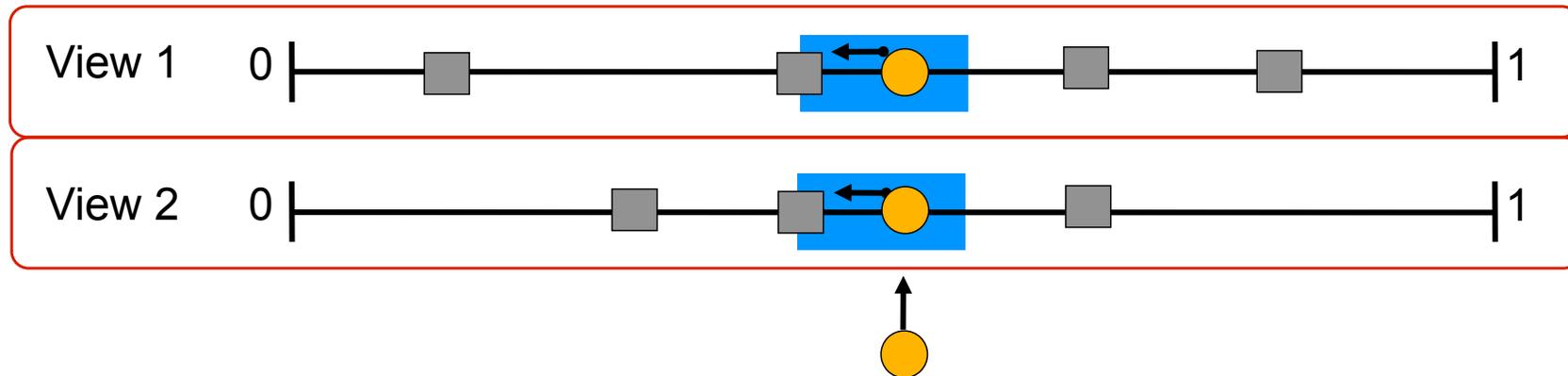
- 2 Hash-Funktionen auf das reelle Intervall  $[0, 1]$ 
  - $r_{\mathcal{B}}(b)$  bildet  $k \log C$  Kopien des Caches  $b$  zufällig auf  $[0, 1]$  ab
  - $r_{\mathcal{I}}(i)$  bildet Web-Seite  $i$  zufällig auf Intervall  $[0, 1]$  ab

$f_{\mathcal{V}}(i)$  Cache  $b \in \mathcal{V}$ , der den Abstand  $|r_{\mathcal{B}}(b) - r_{\mathcal{I}}(i)|$  minimiert.



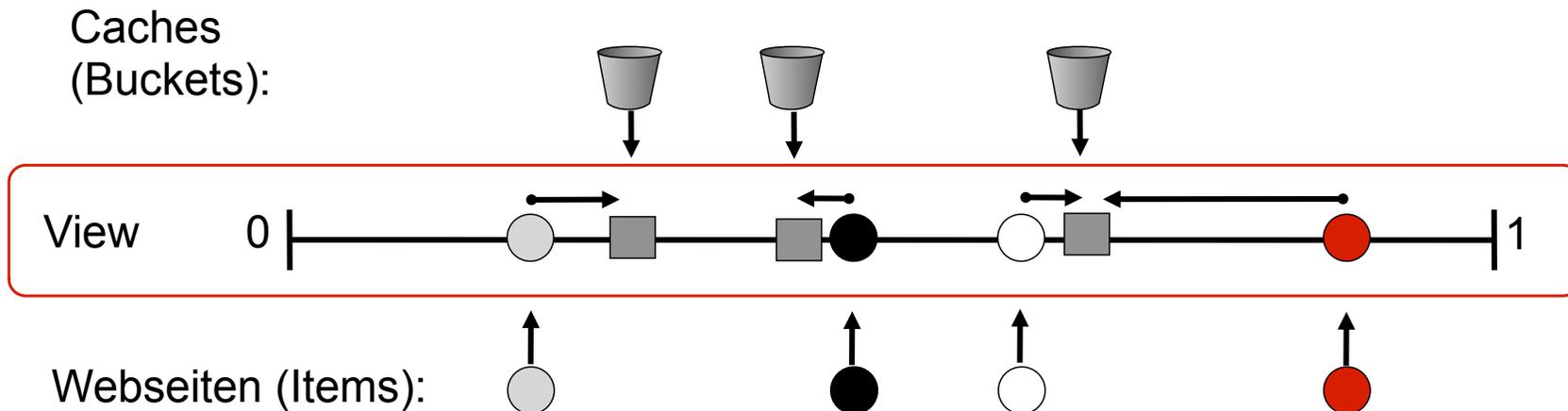
# 1. Monotonie

- $f_{\mathcal{V}}(i) := \text{Cache } b \in \mathcal{V}$ , der den Abstand  $|r_{\mathcal{B}}(b) - r_{\mathcal{I}}(i)|$  minimiert.
- Für alle  $\mathcal{V}_1 \subseteq \mathcal{V}_2 \subseteq \mathcal{B}$  gilt:  $f_{\mathcal{V}_2}(i) \in \mathcal{V}_1 \Rightarrow f_{\mathcal{V}_1}(i) = f_{\mathcal{V}_2}(i)$
- Beobachtung: Blaues Intervall sowohl in  $\mathcal{V}_2$  als auch in  $\mathcal{V}_1$  leer!



## 2. Balance

- Balance: Für jeden View gilt  $\Pr [f_{\mathcal{V}}(i) = b] \leq \frac{c}{|\mathcal{V}|}$
- Wähle festen View und eine Web-Seite  $i$
- Wende nun die Hash-Funktionen  $r_{\mathcal{B}}(b)$  und  $r_{\mathcal{I}}(i)$  an.
- Unter der Annahme, dass diese sich wie zufällige Abbildungen verhalten,
  - wird jeder Cache mit der gleichen Wahrscheinlichkeit ausgewählt.



# 3. Spread (I)

$\sigma(i)$  = Gesamtanzahl aller notwendigen Kopien (über alle Views)

$$\sigma(i) := |\{f_{V_1}(i), f_{V_2}(i), \dots, f_{V_V}(i)\}|$$

C Anzahl aller Caches (Buckets)  
 C/t Mindestanzahl Caches pro View  
 V/C = konstant (#Views / #Caches)  
 I = C (# Seiten = # Caches)

jeder Server kennt mindestens  
 einen Anteil von  $1/t$  der Caches

Für jede Seite  $i$  ist  $\sigma(i) = \mathcal{O}(t \log C)$  mit W'keit  $1 - \frac{1}{C^{\Omega(1)}}$

## 4. Load (I)

---

- Last (load):  $\lambda(b)$  = Gesamtanzahl aller notwendigen Kopien (über alle Views)

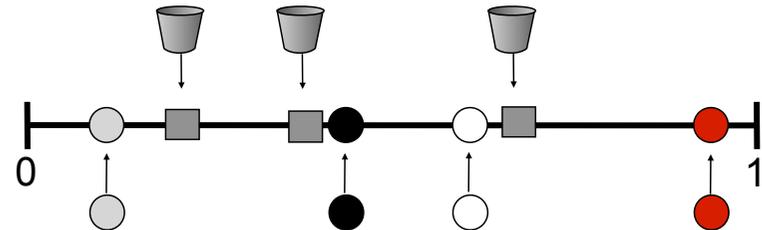
$$\lambda(b) := |\{ \cup_{\mathcal{V}} H_{\mathcal{V}}(b) \}|,$$

wobei  $H_{\mathcal{V}}(b)$  := Menge aller Seiten, die Bucket  $b$   
zugewiesen werden (in View  $\mathcal{V}$ )

- Für jeden Cache  $b$  ist  $\lambda(b) = \mathcal{O}(t \log C)$   
mit W'keit  $1 - \frac{1}{C^{\Omega(1)}}$

- Web-Caching durch konsistentes Hashing (verteilte Hash-Tabellen)

- Seiten und Caches werden auf das Einheitsintervall abgebildet
- Zuordnung durch minimalen Abstand



- Die Funktionen besitzen folgende Eigenschaften:

- Jede Funktion aus dieser Familie ist monoton
- Balance: Für jeden View gilt  $\Pr [f_{\mathcal{V}}(i) = b] \leq \frac{c}{|\mathcal{V}|}$
- Spread: Für jede Seite  $i$  ist  $\sigma(i) = \mathcal{O}(t \log C)$  mit W'keit  $1 - C^{-\Omega(1)}$
- Load: Für jeden Cache  $b$  ist  $\lambda(b) = \mathcal{O}(t \log C)$  mit W'keit  $1 - C^{-\Omega(1)}$



# Systeme II

## 13. Woche Data Centers und Verteiltes Hashing

Christian Schindelhauer  
Technische Fakultät  
Rechnernetze und Telematik  
Albert-Ludwigs-Universität Freiburg